

Prof. Dr. Alfred Toth

Kombinatorische semiotische Ränder

1. Vermöge Toth (2014) kann man die selbstenthaltende Definition der Zeichenrelation, die Bense (1979, S. 53) gegeben hatte

$$ZR = (M \rightarrow ((M \rightarrow O) \rightarrow (M \rightarrow O \rightarrow I))),$$

worin also

$$ZR = (M \rightarrow O \rightarrow I)$$

sowie

$$(M \rightarrow O \rightarrow I) \supset (O \rightarrow I) \supset (M \rightarrow O)$$

gelten, auch auf die Basisdichotomie von Objekt und Zeichen

$$A = [\Omega, Z]$$

übertragen, indem man diese der logischen Basisdichotomie von Position und Negation isomorphe Relation zwischen These und Antithese in eine Synthese einbettet, als die ein System fungiert, das sowohl das Objekt als auch sein Zeichen als dessen Umgebung bzw. sowohl das Zeichen als auch sein Objekt als dessen Umgebung enthält

$$Z^* = [Z, \Omega]$$

$$\Omega^* = [\Omega, Z].$$

Dadurch kann man Systeme mit nicht-leeren Rändern konstruieren

$$Z^{**} = [Z, R[Z, \Omega], \Omega]$$

$$\Omega^{**} = [\Omega, R[\Omega, Z], Z],$$

für die wegen vorausgesetzter Isomorphie von ZR einerseits und Z* bzw. Ω^* andererseits natürlich gilt

$$[Z, R[Z, \Omega], \Omega] \cong (I, M, O)$$

$$[\Omega, R[\Omega, Z], Z] \cong (O, M, I).$$

2. Damit sind allerdings nur zwei von theoretisch vier möglichen Rändern, wie sie zwischen Ω und Z bzw. Z und Ω einerseits sowie zwischen I und O bzw. O und I andererseits auftreten können, erfaßt, denn wir bekommen ebenfalls

$$Z^{**} = [Z, R[\Omega, Z], \Omega]$$

$$\Omega^{**} = [\Omega, R[Z, \Omega], Z],$$

so daß sich also als Rand-Gesamtsystem ergibt

$$Z_1^{**} = [Z, R[Z, \Omega], \Omega]$$

$$Z_2^{**} = [Z, R[\Omega, Z], \Omega]$$

$$\Omega_1^{**} = [\Omega, R[\Omega, Z], Z]$$

$$\Omega_2^{**} = [\Omega, R[Z, \Omega], Z].$$

Die jeweils durch den Index 2 gekennzeichneten Systeme besitzen also konverse Ränder. Um nun die zu Z^{**} bzw. Ω^{**} isomorphen ZR-Ränder zu bestimmen, gehen wir also von den 6 möglichen Permutationen von ZR aus

$$ZR_1 = (M, O, I)$$

$$ZR_2 = (M, I, O)$$

$$ZR_3 = (O, M, I)$$

$$ZR_4 = (O, I, M)$$

$$ZR_5 = (I, M, O)$$

$$ZR_6 = (I, O, M)$$

und erhalten somit

$$ZR_{11} = [M[M, O], O, I]$$

$$ZR_{12} = [M, [O, M], O, I]$$

$$ZR_{13} = [M, O, [O, I]]$$

$$\text{ZR}_{14} = [\text{M}, \text{O}, [\text{I}, \text{O}]]$$

$$\text{ZR}_{15} = [\text{M}, \text{O}, \text{I}, [\text{M}, \text{I}]]$$

$$\text{ZR}_{16} = [\text{M}, \text{O}, \text{I}, [\text{I}, \text{M}]]$$

$$\text{ZR}_{21} = [\text{M}[\text{M}, \text{I}], \text{I}, \text{O}]$$

$$\text{ZR}_{22} = [\text{M}, [\text{I}, \text{M}], \text{I}, \text{O}]$$

$$\text{ZR}_{23} = [\text{M}, \text{I}, [\text{I}, \text{O}]]$$

$$\text{ZR}_{24} = [\text{M}, \text{I}, [\text{O}, \text{I}]]$$

$$\text{ZR}_{25} = [\text{M}, \text{I}, \text{O}, [\text{M}, \text{O}]]$$

$$\text{ZR}_{26} = [\text{M}, \text{I}, \text{O}, [\text{O}, \text{M}]]$$

$$\text{ZR}_{31} = [\text{O}[\text{O}, \text{M}], \text{M}, \text{I}]$$

$$\text{ZR}_{32} = [\text{O}, [\text{M}, \text{O}], \text{M}, \text{I}]$$

$$\text{ZR}_{33} = [\text{O}, \text{M}, [\text{M}, \text{I}]]$$

$$\text{ZR}_{34} = [\text{O}, \text{M}, [\text{I}, \text{M}]]$$

$$\text{ZR}_{35} = [\text{O}, \text{M}, \text{I}, [\text{O}, \text{I}]]$$

$$\text{ZR}_{36} = [\text{O}, \text{M}, \text{I}, [\text{I}, \text{O}]]$$

$$\text{ZR}_{41} = [\text{O}[\text{O}, \text{I}], \text{I}, \text{M}]$$

$$\text{ZR}_{42} = [\text{O}, [\text{I}, \text{O}], \text{I}, \text{M}]$$

$$\text{ZR}_{43} = [\text{O}, \text{I}, [\text{I}, \text{M}]]$$

$$\text{ZR}_{44} = [\text{O}, \text{I}, [\text{M}, \text{I}]]$$

ZR₄₅ = [O, I, M, [O, M]]

ZR₄₆ = [O, I, M, [M, O]]

ZR₅₁ = [I[I, M], M, O]

ZR₅₂ = [I, [M, I], M, O]

ZR₅₃ = [I, M, [M, O]]

ZR₅₄ = [I, M, [O, M]]

ZR₅₅ = [I, M, O, [I, O]]

ZR₅₆ = [I, M, O, [O, I]]

ZR₅₁ = [I[I, O], O, M]

ZR₅₂ = [I, [O, I], O, M]

ZR₅₃ = [I, O, [O, M]]

ZR₅₄ = [I, O, [M, O]]

ZR₅₅ = [I, O, M, [I, M]]

ZR₅₆ = [I, O, M, [M, I]].

Literatur

Bense, Max, Die Unwahrscheinlichkeit des Ästhetischen. Baden-Baden 1979

Toth, Alfred, Ontische und semiotische Ränder. In: Electronic Journal for
Mathematical Semiotics 2014

29.10.2014